

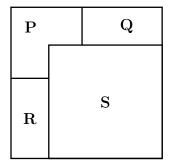
I Torneo de Jóvenes Matemáticos

Segunda etapa, 6° de Primaria

17 de agosto de 2019

Indicaciones:

- La prueba tiene una duración de 2 horas y media.
- En la primera media hora puedes hacer preguntas, por escrito, en caso tengas alguna duda acerca de los **enunciados** de los problemas; luego de ese tiempo no se recibirá más preguntas.
- Cada problema tiene un puntaje máximo de 20 puntos.
- Resuelve los problemas propuestos justificando adecuadamente cada paso.
- No está permitido usar calculadoras, ni consultar apuntes o libros.
- 1 Un canguro salta en una línea recta. El canguro realiza tres tipos de salto: si salta solo con su pata izquierda recorre 3 metros, si salta solo con su pata derecha recorre 5 metros y si salta con sus dos patas recorre 7 metros. Muestre cómo es posible que el canguro recorra exactamente 200 metros en 30 saltos, si no está permitido retroceder.
- 2 Un cuadrado de 10 cm de lado ha sido dividido en cuatro partes: P, Q, R y S. Las partes Q y R son rectángulos y la parte S es un cuadrado. Se cumple que las partes P, Q y R tienen igual perímetro y, además, el perímetro de la parte S es igual al doble del perímetro de cualquiera de las otras partes. Calcule el área de la parte S.



3 Se tiene 8 cubos de lado 1. De las 48 caras de estos cubos, se sabe que 16 son azules y 32 son rojas. Con esos 8 cubos se armó un cubo de lado 2 tal que en su superficie hay exactamente 8 cuadrados rojos de lado 1. Pruebe que con los mismos 8 cubos se puede armar un cubo de lado 2 tal que su superficie sea completamente roja.

- 4 Un alumno escribió cuatro números naturales. Para cualesquiera dos de esos números calculó su diferencia (restando el mayor menos el menor). De esta forma obtuvo 6 diferencias.
 - a) ¿Es posible que las diferencias sean 1, 2, 3, 3, 4 y 6 ?
 - b) ¿Es posible que las diferencias sean 2, 2, 3, 4, 5 y 6 ?
- 5 Un número de seis dígitos, que es múltiplo de 9, es multiplicado por 111111. Demuestre que al menos un dígito del resultado es igual a 9.